

屈折パラダイムの(心内)表現はどうなっているのか？

## How are inflectional paradigms represented (in the mind)?

FCA meets Czech declension

Kow Kuroda/黒田 航

Kyorin University/杏林大学

22nd Annual Meeting of the NLP Association, Japan, at Tohoku University,  
2016-03-10 (Thu)

# 事の始まり

- チェコ語を2013年に始めて曲用 (declension) に悩まされている
  - この複雑性の正体は何なのだ！？
    - 例えば Czech-English English-Dictionary (Fronek 2010) には、名詞について全部で68種類(男性27種類, 中性12種類, 女性15種類), 形容詞について全部で4種類の曲用クラスが記載されているが, これらの相互関係はどうなっているのか？
    - もっと効率の良い覚え方はないものか！？
  - という (苛立ち混じりの) 疑問の解消が目的
    - 言語学を学び始めた頃に読んだ形態論の入門書 [Carstairs-McCarthy 1992] に, 形態論で paradigm の研究は不十分だと書いてあったし

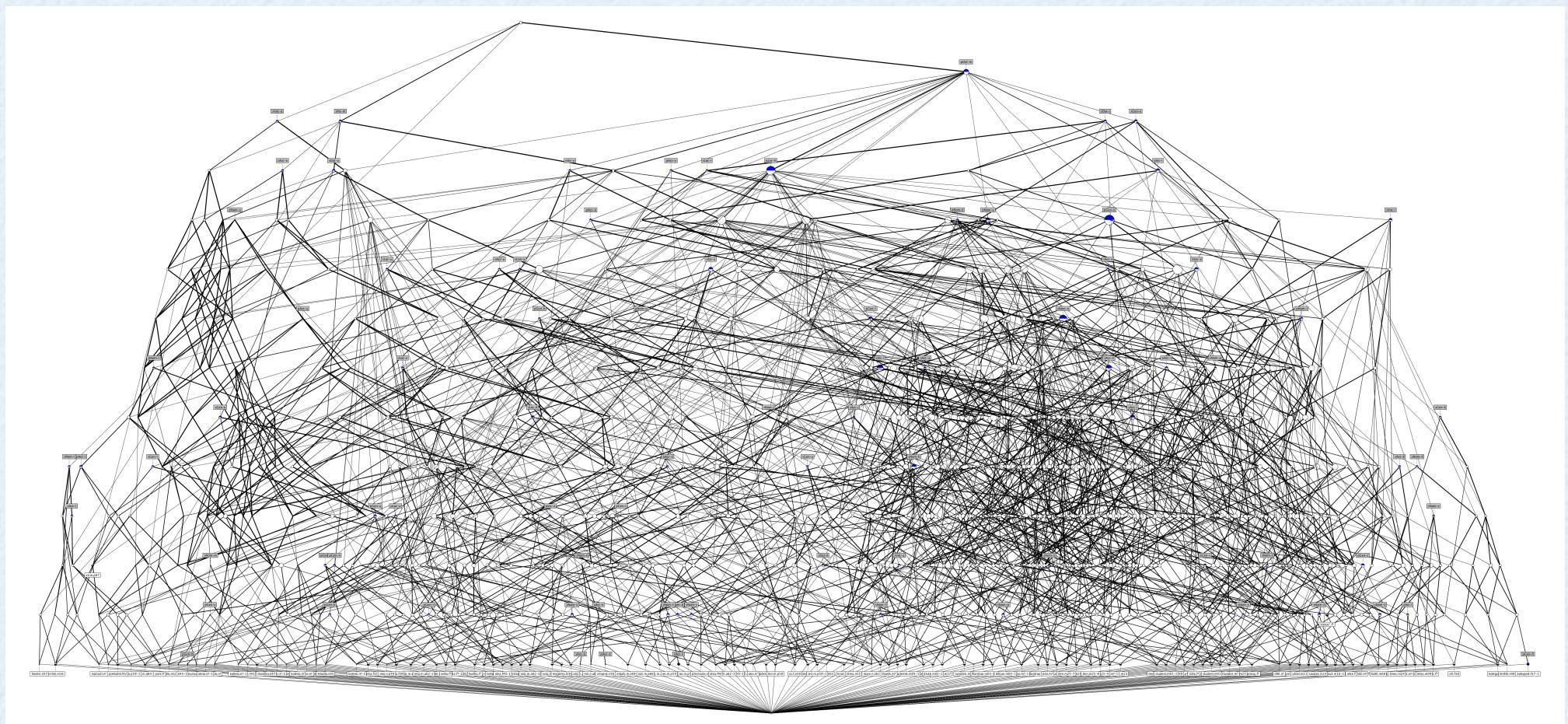
# 簡単な例

	Masc 0 I	Masc 1 I	Neuter 44	Neuter 53	Fem. 39	Fem. 36	Ending types
Nominative	student <u>_</u>	učitel <u>_</u>	místo	albu <u>m</u>	škola	ulice	<u>_</u> , o, um, a, e
Genitive	studenta	učitele	místa	alba	školy	ulice	a, e, y
Dative	studentu	učiteli	místu	albu	škole	ulici	u, i, e
Accusative	studenta	učitele	místo	albu <u>m</u>	školu	ulici	a, e, o, um, u, i
Vocative	studente	učiteli	místo	albu <u>m</u>	školo	ulice	e, i, o, um, o, e
Locative	studentu	učiteli	místě	albu	škole	ulici	u, i, ě, u, e, i
Instrumental	studentem	učitelem	místem	albem	školou	ulicí	i, é, a, y, í
Nominative	studenti	učitelé	místa	alba	školy	ulice	i, é, a, y, e
Genitive	studentů	učitelů	míst <u>_</u>	alb <u>_</u>	škol <u>_</u>	ulic <u>_</u>	ů, <u>_</u>
Dative	studentům	učitelům	místům	albů <u>m</u>	školám	ulicím	ům, ám, ím
Accusative	studenty	učitele	místa	alba	školy	ulice	y, e, a, e
Vocative	studenti	učitelé	místa	alba	školy	ulice	i, é, y, e
Locative	studentech	učitelích	místech	albech	školách	ulicích	ech, ích, ách
Instrumental	studenty	učiteli	místy	alby	školami	ulicemi	y, i, ami, emi

# 例からわかること

- form-to-function では語形の polymorphism か派生語尾の operator-overloading が生じている
  - この現象を言語学/形態論では **syncretism** と言う
- 語尾でパラダイム中の位置を判別するのは (一定の傾向があるとは言え) 無理
  - 名詞の性別に頼るのは、それが主格の語尾がわからないと判定できないため、問題先送りにしかならない
  - 全部で14個の場合があるので、基本的に母音 (a, e, é, i, y, o, u, ü) でマークしようとする傾向があり、function-to-form の写像で overload が起きている

# 参考データ: 語尾を属性を使ったFCA (属性と対象の削減後)



(c) Kow Kuroda: How are inflectional paradigms represented? at NLP22, 2016

# 問題

- 語尾が曲用クラス識別キーにならないなら、どんな情報が識別キーなっているのか？
- 曲用クラス同士の類似度は測れないのか？

# 検証する仮説 1/2

- 仮説 H
  - チェコ語の名詞/形容詞の 14 個の語形の(非)同一性の集合が曲用クラスの識別キーなのでは？
- 関連研究 (paradigm economy, inflection classes)
  - [Ackerman, *et al.*, 2009, Ackerman & Malouf, 2013; Carstairs-McCarthy, 1992, 1994; Blevins, 2004, 2013; Wurzel, 1987]

# 検証する仮説 2/2

- 仮説 H の含意
  - 名詞 N の曲用の個々の語形は、曲用クラス (i.e., パラダイム) の認識に間接的にしか係わらない
  - 個々の語の終り方は名詞の性別に関係するだけ
  - パラダイムは表層語形に対して二次の一般化 (2nd order generalization)

# 課題の定義

- 方針

- $H$  が正しいなら曲用クラスの教師なし分類が可能である
  - 発表後の訂正
    - 最適化の手順が教師信号になっているので、教師なしは誤り
    - せいぜい半教師あり分類
  - この分類を Formal Concept Analysis (FCA) [Ganter & Wille, 1999; Ganter, et al. (eds.), 2005; 鈴木・室伏 2007] を使って検証する

- 実装

- Pairwise identity-network (PIN) (後述) を FCA に与える形式文脈の属性を使う

# この後の概要

- ~~問題の定義~~
- 分析用データ D の構築
- FCAの概要
- データ D へのFCAの適用結果と考察
- まとめと今後の課題

```
Voc,pGen=pLoc,pGen=pIns,pDat=pAcc,pDat=pVoc,pDat=pLoc,pDat=pIns,pAcc=pVoc,pAcc=pLoc,  
pLoc,pVoc=pIns,pLoc=pIns,masc,fem,neut-  
,
```

---

```
0,0,0,0,0,0,0,0,0,1,0,0,0,0,0,0,0,0,0,0,0,0,0,0,0,0,0,0,0,0,0,0,0,0,0,0,0,0,0,0,0,0,0,0,0,0,0,0,  
,0,0,0,0,0,0,0,0,0,0,0,0,0,0,0,0,0,0,0,0,0,0,0,0,0,0,0,0,0,0,0,0,0,0,0,0,0,0,0,0,0,0,0,0,0,0,0,0,  
-1 ,  
0,0,0,0,0,0,0,0,0,0,1,0,0,0,0,0,0,0,0,0,0,0,0,0,0,0,0,0,0,0,0,0,0,0,0,0,0,0,0,0,0,0,0,0,0,0,0,0,  
,0,0,0,0,0,0,0,0,0,0,0,0,0,0,0,0,0,0,0,0,0,0,0,0,0,0,0,0,0,0,0,0,0,0,0,0,0,0,0,0,0,0,0,0,0,0,0,0,  
-1 ,  
1,0,0,0,0,0,0,0,0,0,0,0,0,0,0,0,0,0,0,0,0,0,0,0,0,0,0,0,0,0,0,0,0,0,0,0,0,0,0,0,0,0,0,0,0,0,0,0,  
,0,0,0,0,0,0,0,0,0,0,0,0,0,0,0,0,0,0,0,0,0,0,0,0,0,0,0,0,0,0,0,0,0,0,0,0,0,0,0,0,0,0,0,0,0,0,0,0,  
f.a69 ,  
1,0,0,0,0,0,0,0,0,1,0,0,1,0,1,0,0,1,1,0,0,0,0,1,0,1,0,0,1,1,0,0,0,0,1,0,0,0,0,1,0,0,0,0,0,0,0,0,  
,0,0,0,1,0,0,1,1,0,0,0,0,0,0,0,0,0,0,0,1,1,0,0,0,0,0,1,0,0,0,0,0,1,0,0,0,0,0,0,1,0,0,0,0,0,0,1,0,  
n.a69 ,  
1,0,0,0,0,0,0,0,0,0,0,0,0,0,0,0,0,0,0,0,0,0,0,0,0,0,0,0,0,0,0,0,0,0,0,0,0,0,0,0,0,0,0,0,0,0,0,0,  
,0,0,0,0,0,0,0,0,0,0,0,0,0,0,0,1,0,0,0,0,0,0,0,1,1,0,0,0,0,0,1,0,0,0,0,0,1,0,0,0,0,0,0,0,0,0,1,  
m.a70 ,  
1,0,0,1,0,0,1,1,0,0,0,1,0,0,0,0,0,0,0,0,0,0,0,0,0,0,0,0,0,0,0,0,0,0,0,0,0,0,0,0,0,0,0,0,0,0,0,0,  
,0,0,1,0,0,1,0,0,0,0,0,0,1,0,0,0,0,0,0,0,1,1,0,0,0,0,0,1,0,0,0,0,0,1,0,0,0,0,0,0,1,0,0,0,0,0,1,0,0,
```

# 分析用データの開発

# データの準備

- 次の資料に記載されている名詞と形容詞の曲用を手動で電子データ化
  - 『チェコ語基本1500語』(金指 1998)
  - *Czech-English English-Czech (Compact) Dictionary* (Fronek 2010)
    - \_.mo9, \_.f39, \_.46 のような分類コードは Fronek (2010) を適用
    - 金指 (1998) から採取したデータは \_.m?, \_.f?, \_.n? と表記
- その後、自作の Python スクリプトで PIN の 0/1 ベクトルに変換
  - これが Concept Explorer 1.3 に与える formal context になる

# 元データの様子

```
1 % attribute groups are separated by ";".  
2 % gender value is separated by ":".  
3 # sNom, sGen, sDat, sAcc, sVoc, sLoc, sIns; pNom, pGen, pDat, pAcc, pVoc, pLoc, pIns  
4  
5 %% from Kanazashi's database, unlisted in Fronek  
6 m?: pán, pána, pánovi, pána, páne, pánovi, páinem; pánové, pánu, pánum, pány, pánové, pánech, pány  
7 m?: pán, pána, pánu, pána, páne, pánu, páinem; páni, pánu, pánum, pány, páni, pánech, pány  
8 m?: průvodce, průvodce, průvodci, průvodce, průvodce, průvodci, průvodcem; průvodcové, průvodců,  
průvodcům, průvodce, průvodcové, průvodcích, průvodci  
9 m?: předseda, předsedy, předsedovi, předsedu, předsedo, předsedovi, předsedou; předsedové,  
předsedů, předsedům, předsedy, předsedové, předsedech, předsedy
```

```
178... mladých, mladými  
179 f.a69: mladá, mladé, mladé, mladou, mladá, mladé, mladou; mladé, mladých, mladým, mladé, mladé,  
mladých, mladými  
180 n.a69: mladé, mladého, mladému, mladé, mladém, mladým; mladá, mladých, mladým, mladá, mladá,  
mladých, mladými  
181 m.a70: jarní, jarního, jarnímu, jarního, jarní, jarním, jarním; jarní, jarních, jarním, jarní,  
jarní, jarních, jarními  
182  
183 %% end of file
```

# ConExp 1.3 に与える formal context

pGen=pVoc, pGen=pLoc, pGen=pIns, pDat=pAcc, pDat=pVoc, pDat=pLoc, pDat=pIns, pAcc=pVoc, pAcc=pLoc, pAcc=pIns  
, pVoc=pLoc, pVoc=pIns, pLoc=pIns, masc, fem, neut-

pán.m? ,

pán.m?-1 ,

mladá.f.a69

mladé.n.a69

jarní.m.a70

# Pairwise Identity-network (PIN)

Table 6は論文に非掲載

Table 3: Matrix specifying 91 pairwise formal identities

	sGen	sDat	sAcc	sVoc	sLoc	sIns	pNom	pGen	pDat	pAcc	pVoc	pLoc	pIns
sNom	sN=sG	sN=sD	sN=sA	sN=sV	sN=sL	sN=sI	sN=pN	sN=pG	sN=pD	sN=pA	sN=pV	sN=pL	sN=pI
sGen	-	sG=sD	sG=sA	sG=sV	sG=sL	sG=sI	sG=pN	sG=pG	sG=pD	sG=pA	sG=pV	sG=pL	sG=pI
sDat	-	-	sD=sA	sD=sV	sD=sL	sD=sI	sD=pN	sD=pG	sD=pD	sD=pA	sD=pV	sD=pL	sD=pI
sAcc	-	-	-	sA=sV	sA=sL	sA=sI	sA=pN	sA=pG	sA=pD	sA=pA	sA=pV	sA=pL	sA=pI
sVoc	-	-	-	-	sV=sL	sV=sI	sV=pN	sV=pG	sV=pD	sV=pA	sV=pV	sV=pL	sV=pI
sLoc	-	-	-	-	-	sL=sI	sL=pN	sL=pG	sL=pD	sL=pA	sL=pV	sL=pL	sL=pI
sIns	-	-	-	-	-	-	sI=pN	sI=pG	sI=pD	sI=pA	sI=pV	sI=pL	sI=pI
pNom	-	-	-	-	-	-	-	pN=pG	pN=pD	pN=pA	pN=pV	pN=pL	sN=pI
pGen	-	-	-	-	-	-	-	-	pG=pD	pG=pA	pG=pV	pG=pL	pG=pI
pDat	-	-	-	-	-	-	-	-	-	pD=pA	pD=pV	pD=pL	pD=pI
pAcc	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	pA=pV	pA=pL	pA=pI
pVoc	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	pV=pL	pV=pI
pLoc	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	pL=pI

Table 4: Identify matrix of *okno*

0	0	1	1	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
-	0	0	0	0	0	1	0	0	1	1	0	0	0
-	-	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
-	-	-	1	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
-	-	-	-	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
-	-	-	-	-	0	0	0	0	0	0	0	0	0
-	-	-	-	-	-	0	0	1	1	0	0	0	0
-	-	-	-	-	-	-	0	0	0	0	0	0	0
-	-	-	-	-	-	-	-	0	0	0	0	0	0
-	-	-	-	-	-	-	-	-	1	0	0	0	0
-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	0	0	0	0
-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	0	0	0
-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	1	0
-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	0	0
-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	0

Table 6: Identify matrix of *okno*

0	0	1	1	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
-	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	1	1	0
-	-	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
-	-	-	1	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
-	-	-	-	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
-	-	-	-	-	0	0	0	0	0	0	0	0	0
-	-	-	-	-	-	0	0	1	0	0	0	0	0
-	-	-	-	-	-	-	0	0	0	0	0	0	0
-	-	-	-	-	-	-	-	1	0	0	0	0	0
-	-	-	-	-	-	-	-	-	0	0	0	0	0
-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	0	0	1	0
-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	0	0	0
-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	1	0
-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	0	0
-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	0

# 検証する仮説の再解釈

- PIN で 0 (=false) が多い曲用ほどパラダイム内部の語形の中和の度合いが低い
    - 曲用のない言語では、PINを構成するのは14個の1 (true) 列
  - 最適性理論 (McCarthy 2008; Prince and Smolensky 2004) の観点で考えると、仮説 H は制約 local anti-syncretism 違反の許容度
- Anti-syncretism (global):
    - For forms  $F$  and  $G$ ,  $F \neq G$  if  $F$  and  $G$  bear distinct functions everywhere.
  - Anti-syncretism (local):
    - For forms  $F$  and  $G$ ,  $F \neq G$  if  $F$  and  $G$  bear distinct functions within such paradigm  $P$  that  $P = \{..., F, ..., G, ...\}$ .

Concept Explorer

Update: Clear dependent

The screenshot shows a software interface for managing linguistic concepts and their dependencies. On the left, there's a tree view of concepts like 'ded-data...', 'ontext', and various nouns and adjectives. A context editor panel shows values for terms like 'ter' and 'rela...'. The main area is a grid where rows represent concepts and columns represent grammatical features (A through I). Dependencies are marked with 'X' or diamond symbols.

	A	B	C	D	E	F	G	H	I	
pán.m?		sNom=sAcc	sNom=sVoc	sNom=p...	sGen=sDat	sGen=sAcc	sGen=sVoc	sGen=sIns	sGen=pAcc	sDat=
pán.m?-1						X				
průvodce....	X	X				X	X			
předseda...						X		X	X	
hrdina.m?										X
týden.m?	X									
týden.m?-1	X									
přítel.m?				X		X				
přítel.m?-1				X		X				
klič.m?	X									
tramvaj.f?	X									
růže.f?		X								
noc.f?	X						X			
věc.f?	X				X		X			
paní.f?	X	X	X	X	X	X	X	X		
hudba.f?								X		
město.n?	X	X								
město.n?-1	X	X								
nádraží.n?	X	X								
centrum.n?	X	X								
okno.n?										
okno.n?-1	X	X								
kotě.n?	X	X								
dítě.n?	X	X								
oko.n?										
ucho.n?	X	X								
ruka.f?										
ruka.f?-1										
noha.f?										
noha.f?-1								X		

Context Editor

# FCAの概要

# FCAって何ですか？1/3

- 形式概念を<対象集合, 属性集合>の対と定義し, 概念間の関係を束構造 (lattice) で記述

- 初出は Ganter & Wille 99

- 表1.1と図1.3は鈴木・室伏 07 から借用

- context の行は対象に, 列は属性=素性に対応  
(x=true)

Ganter, B. and R. Wille (1999). Formal Concept Analysis: Mathematical Foundations. Berlin: Springer. Kingda: Holzgare influenced by Ganter, B. and R. Wille (1999). Formal Concept Analysis: Mathematical Foundations. Berlin: Springer.

表 1.1 コンテキスト表

	a	b	c	d	e
1		×			
2		×	×		×
3	×	×	×		×
4	×			×	×
5		×	×	×	×

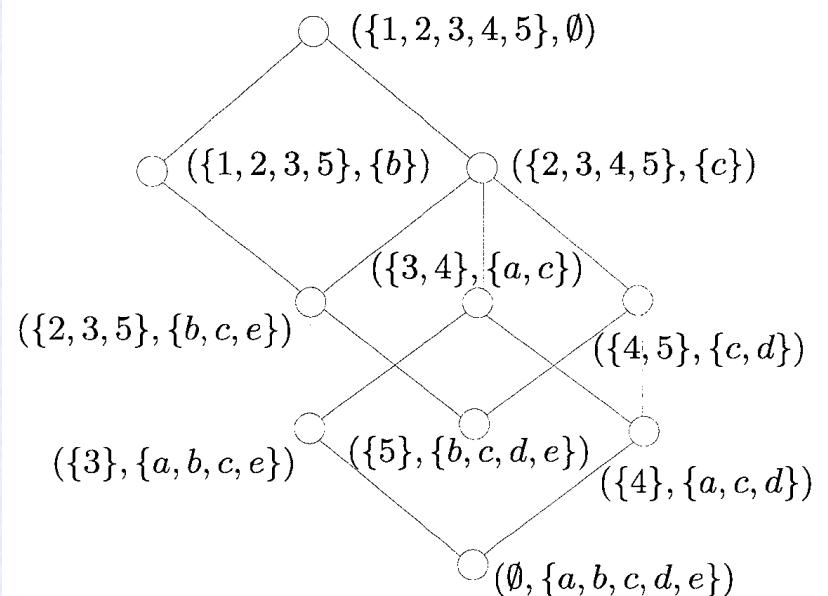


図 1.3 コンセプトランゲル

# FCAって何ですか？2/3

表1.4 スポーツのコンテクスト

	<i>a. 球技</i>	<i>b. 道具</i>	<i>c. ネット</i>	<i>d. 陸上</i>	<i>e. 屋内</i>	<i>f. 団体</i>	<i>g. 点数</i>
1. 野球	×	×	×	×		×	×
2. サッカー	×			×		×	×
3. 相撲				×	×		
4. テニス	×	×	×	×			×
5. バレー	×		×	×	×	×	×
6. ゴルフ	×	×		×			×
7. マラソン				×			
8. 水泳					×		
9. ラグビー	×			×		×	×
10. レスリング				×	×		×

表1.4と図1.6 は鈴木・室伏 07  
から借用

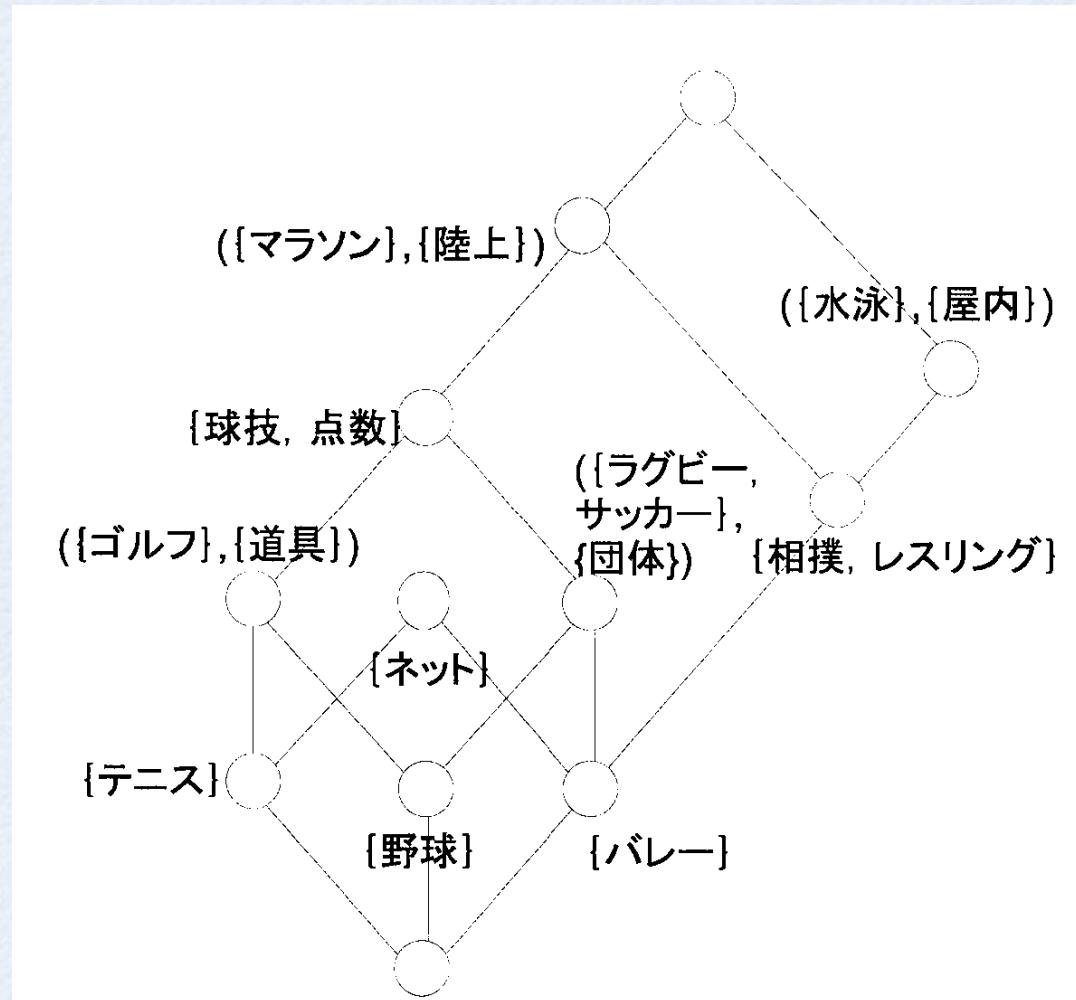
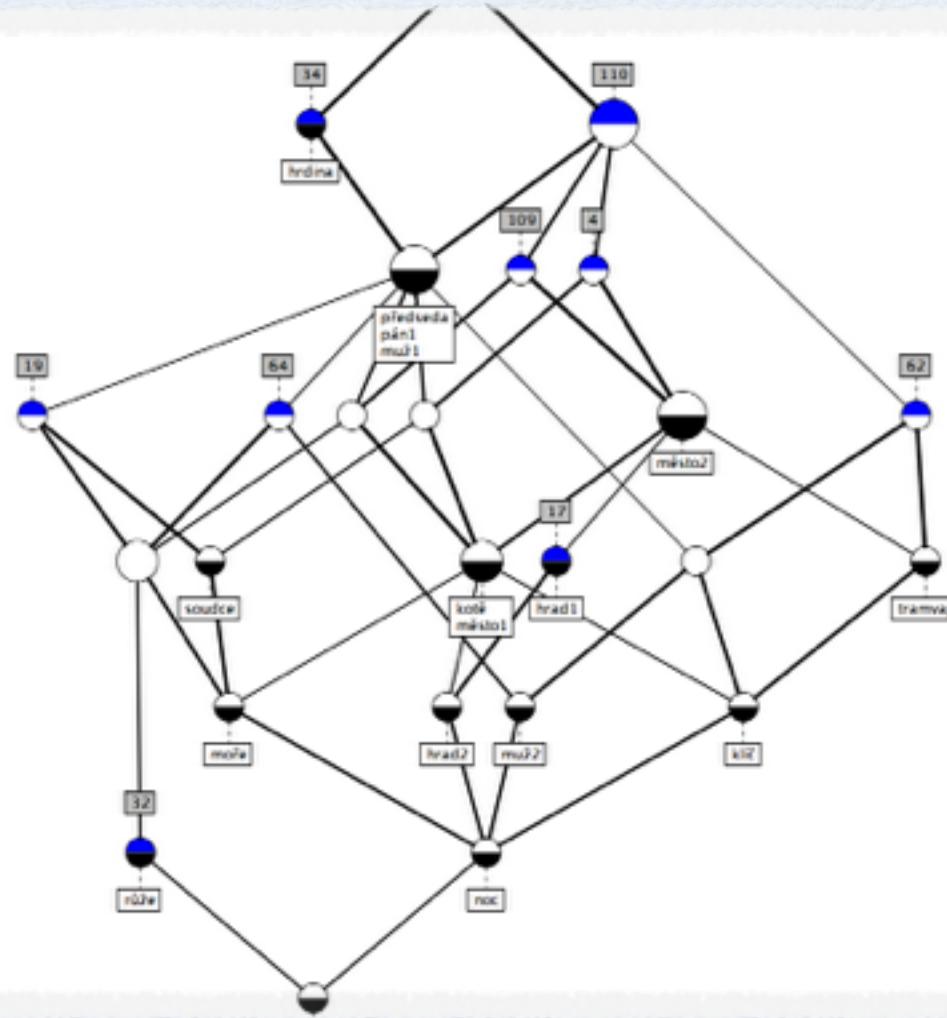


図 1.6 スポーツのコンセプトライティス

# FCAって何ですか？3/3

- 利点
  - 体系性を分類束で表現
  - 非排他分類 = soft clustering が可能
  - 分類木を無理やり作らない
- 不利点
  - 扱えるのは離散的データのみ
  - 統計処理と相性が良くない
  - R パッケージに連続値の扱える Numerical FCA (nFCA) もあるのですが、本研究で利用した ConceptExplorer ほど使い勝手が良くない



# FCAの適用結果

# FCA の最適化 1/2

- FCA は全自动で最適な結果を与えない
  - 最適な結果を得るには、機械学習で素性選択に相当する作業が必要
- 最適性の条件
  - 1. 不整合性の回避 (clash が発生: ConceptExplorer では赤いリンク)
  - 2. 過剰分類の回避 (過剰な分類は空所が多く発生)
  - 3. 過少分類の回避 (空所が少なくても分離が悪いのはダメ)
  - 4. 幾何学的安定性の高さ (対象性高いほど高い)
    - これらは互いにトレードオフの関係にある

# FCA の最適化 2/2

- 第一段階は FCA/Concept Explorer が実行する自動のデータ圧縮
  - ConExp は Reduce context = Reduce attributes x Reduce objects を実装
- 第二段階は手動で実行
  - Reduce context を実行すると object が不可避的に削減されるので、Reduce attributes のみを実行する
  - 実際には I. Reduce attributes の実行で第一段階を実現、それに II. Reduce objects の追加実行した状態で、第二段階の最適化を行い、目安が付いた段階で II を undo する
  - 第二段階はすべて手動で、非常に時間がかかります

# 予備調査でわかった事

- 第二段階で相当の試行錯誤した結果、次が判明
  - 名詞と代名詞と形容詞を一緒にすると体系性が下がる
  - 代名詞と形容詞は同類だが、名詞は別
  - 名詞の中でも、女性名詞は別
  - 男性名詞と中性名詞の類似度は高い
    - 特に男性不活動体と中性名詞は実質的に同一クラス

# おまけ

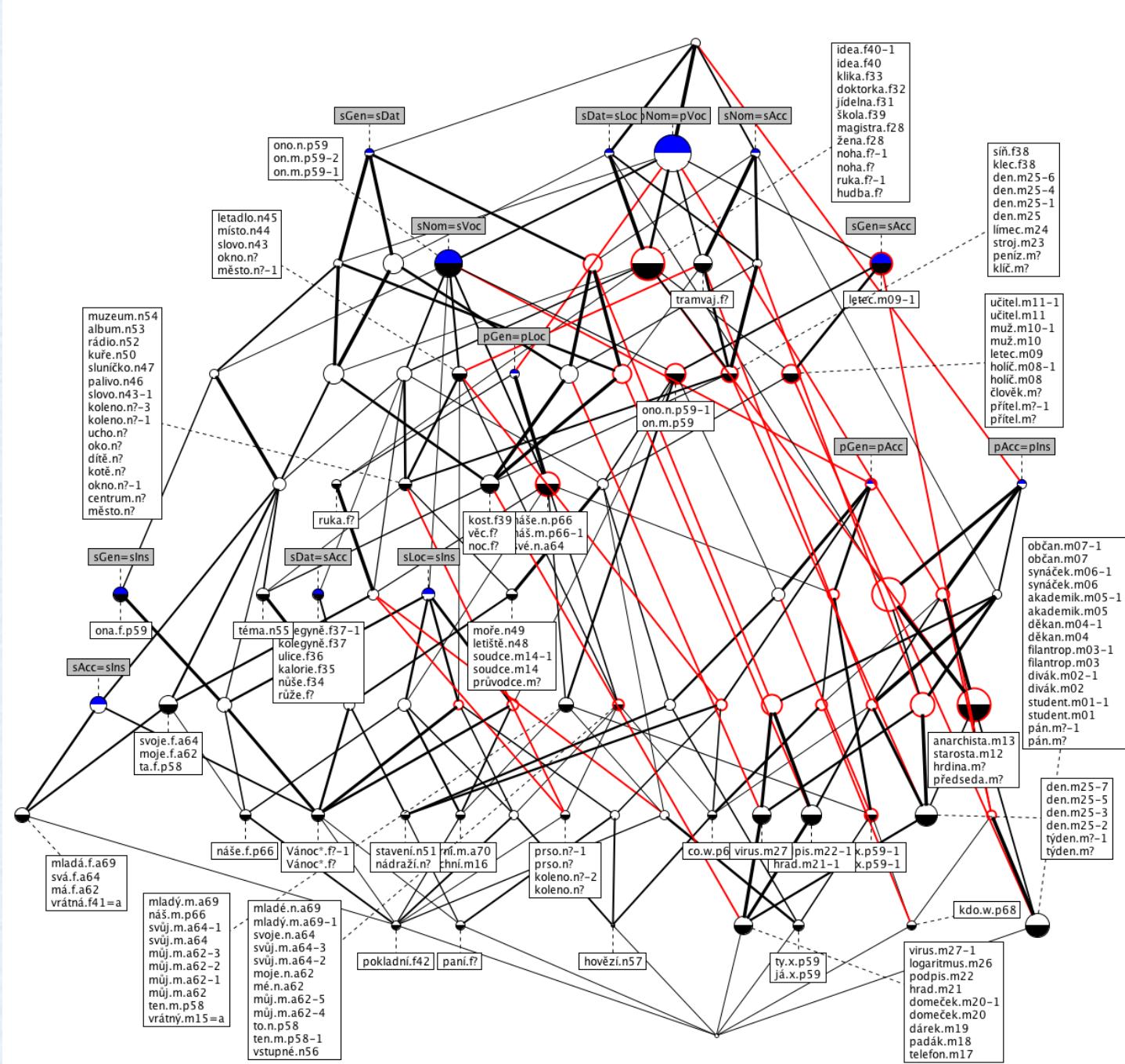
- 経験則
  - 奇妙な破綻が生じる場合、土台のエンコーディングが妥当か見直すのは非常に大切
- 理由
  - 第二段階の最適化の試行錯誤中、D の構築(つまりエンコーディング)に間違いがあった事が判明

# 二段階の最適化の結果

## 論文の Figure 1

### 属性削減ありの全対象の FCA

- 赤いリンクが不整合 = collapse を示す
- 潜在的な対称性は高い



(c) Kow Kuroda: How are inflectional paradigms represented? at NLP22, 2016

# 自動属性削減で残った29属性

- 91個中の29個  
 $(=0.3186)$ 
  - sNom=sAcc
  - sNom=sVoc
  - sNom=pGen
  - sGen=sDat
  - sGen=sAcc
  - sGen=sVoc
  - sGen=sIns
  - sGen=pAcc
  - sDat=sAcc
  - sDat=sLoc
  - sAcc=sIns
  - sAcc=pNom
  - sAcc=pAcc
  - sVoc=sLoc
  - sVoc=pNom
  - sVoc=pAcc
  - sVoc=pIns
  - sLoc=sIns
  - sLoc=pNom
  - sLoc=pIns
  - sIns=pGen
  - sIns=pDat
  - sIns=pLoc
  - pNom=pVoc
  - pGen=pAcc
  - pGen=pLoc
  - pAcc=pVoc
  - pAcc=pIns
  - pVoc=pIns

# 属性削減の裏側

- $1 < 15 > sNom=sVoc ==> pNom=pVoc;$
- $2 < 4 > sNom=pGen ==> sGen=sAcc$   
 $sGen=pAcc \ sDat=sLoc \ pNom=pVoc;$
- $3 < 10 > sGen=sDat ==> pAcc=pVoc;$
- $4 < 17 > sGen=sAcc ==> pNom=pVoc;$
- $5 < 11 > sGen=sVoc ==> pNom=pVoc;$
- $6 < 10 > sGen=sLoc ==> pAcc=pVoc;$
- $7 < 21 > sGen=pAcc ==> pNom=pVoc;$
- $8 < 7 > sDat=pIns ==> sGen=pAcc$   
 $pNom=pVoc;$
- $9 < 5 > sAcc=sLoc ==> sNom=sVoc$   
 $sGen=sVoc \ sGen=pAcc \ sVoc=pNom$   
 $sVoc=pAcc \ pNom=pVoc \ pAcc=pVoc;$
- $10 < 15 > sVoc=sLoc ==> pNom=pVoc;$
- $11 < 12 > sVoc=pNom ==> pNom=pVoc;$
- $12 < 13 > sVoc=pAcc ==> pNom=pVoc;$
- $13 < 5 > sVoc=pIns ==> sGen=pAcc$   
 $sDat=sLoc \ pNom=pVoc \ masc;$
- $14 < 3 > sLoc=sIns ==> sNom=sVoc$   
 $sGen=sAcc \ sVoc=pNom \ sVoc=pAcc$   
 $pNom=pVoc \ pAcc=pVoc;$
- $15 < 10 > sLoc=pNom ==> pNom=pVoc;$
- $16 < 7 > sLoc=pIns ==> sGen=pAcc$   
 $pNom=pVoc;$
- $17 < 5 > sIns=pGen ==> sGen=pAcc$   
 $pNom=pVoc \ pAcc=pVoc \ fem;$
- $18 < 4 > sIns=pDat ==> sNom=sVoc$   
 $pNom=pVoc;$
- $19 < 7 > sVoc=pAcc \ sLoc=pNom$   
 $pNom=pVoc ==> sNom=sAcc;$
- $20 < 7 > sVoc=pNom \ sLoc=pNom$   
 $pNom=pVoc ==> sVoc=sLoc;$
- $21 < 10 > sVoc=pNom \ sVoc=pAcc$   
 $pNom=pVoc ==> pAcc=pVoc;$
- $22 < 7 > sVoc=sLoc \ sLoc=pNom$   
 $pNom=pVoc ==> sVoc=pNom;$
- $23 < 6 > sVoc=sLoc \ sVoc=pAcc$   
 $pNom=pVoc ==> sNom=sAcc$   
 $sVoc=pNom \ sLoc=pNom$   
 $pAcc=pVoc;$
- $24 < 7 > sVoc=sLoc \ sVoc=pNom$   
 $pNom=pVoc ==> sLoc=pNom;$
- $25 < 3 > sGen=pAcc \ sLoc=pNom$   
 $sLoc=pIns \ pNom=pVoc ==>$   
 $sGen=sAcc \ pVoc=pIns \ masc;$
- $26 < 10 > sGen=pAcc \ sVoc=pAcc$   
 $pNom=pVoc ==> sGen=sVoc;$
- $27 < 2 > sGen=pAcc \ sVoc=pNom$   
 $sLoc=pIns \ pNom=pVoc ==>$   
 $sGen=sAcc \ sDat=sLoc \ sDat=pIns;$
- $28 < 3 > sGen=pAcc \ sVoc=sLoc$   
 $sLoc=pIns \ pNom=pVoc ==>$   
 $sDat=sLoc \ sDat=pIns \ sVoc=pIns$   
 $masc;$
- $29 < 6 > sGen=pAcc \ sDat=pIns$   
 $sLoc=pIns \ pNom=pVoc ==>$   
 $sDat=sLoc;$
- $30 < 3 > sGen=pAcc \ sDat=pIns$   
 $sLoc=pNom \ pNom=pVoc ==>$   
 $sGen=sAcc;$
- $31 < 3 > sGen=pAcc \ sDat=pIns$

更に  $sX=pY$ ,  $pX=sY$ ,  $s[\wedge(\text{Nom})]=s\text{Voc}$ ,  $p[\wedge(\text{Nom})]=p\text{Voc}$

を除いた13属性

- 91個中の13個 ( $= 1/7 = 0.142$ )
  - $s\text{Nom}=s\text{Acc}$
  - $s\text{Nom}=s\text{Voc}$
  - $s\text{Gen}=s\text{Dat}$
  - $s\text{Gen}=s\text{Acc}$ 
    - $s\text{Gen}=s\text{Voc}$
  - $s\text{Gen}=s\text{Ins}$
  - $s\text{Dat}=s\text{Acc},$
  - $s\text{Dat}=s\text{Loc}$
  - $s\text{Acc}=s\text{Ins}$
  - $s\text{Acc}=p\text{Acc}$ 
    - $s\text{Voc}=s\text{Loc}$
  - $s\text{Loc}=s\text{Ins}$
  - $p\text{Nom}=p\text{Voc}$ 
    - $p\text{Gen}=p\text{Acc},$
  - $p\text{Gen}=p\text{Loc}$ 
    - $p\text{Acc}=p\text{Voc}$
  - $p\text{Acc}=p\text{Ins}$ 
    - $p\text{Voc}=p\text{Ins}$

# 代名詞と形容詞のFCA 1/2

- 論文の Figure 2

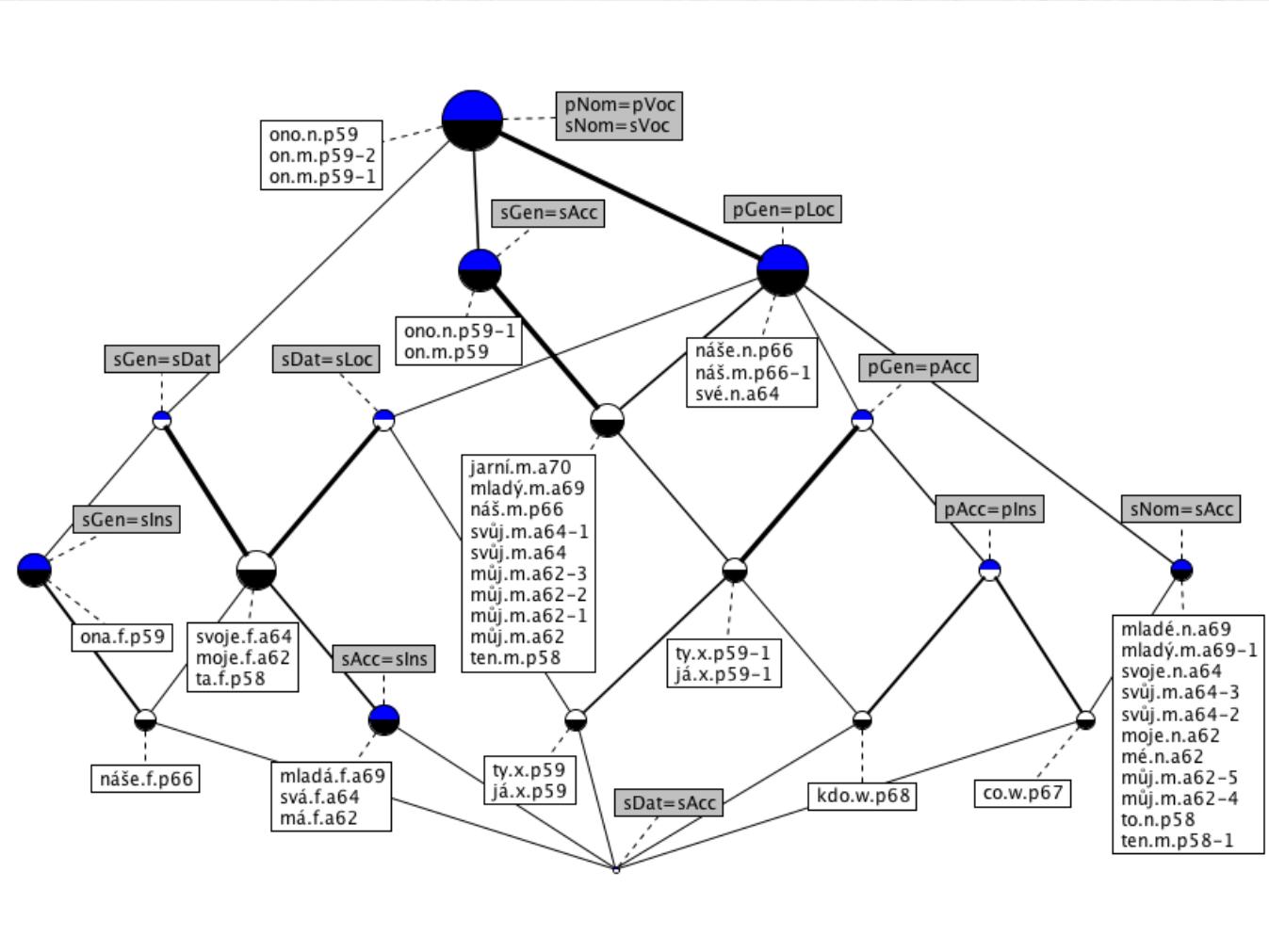
- 空所数0で過剰分類なし

- 過少分類なし

- 使用属性は次の12個

- pNom=pVoc,  
sNom=sVoc,  
sGen=sAcc, pGen=pLoc,  
sGen=sDat, sDat=sLoc,  
pGen=pAcc, sGen=sIns,  
pAcc=pIns, sNom=sAcc,  
sAcc=sIns, sDat=sAcc

- sLoc=sIns のみ除去

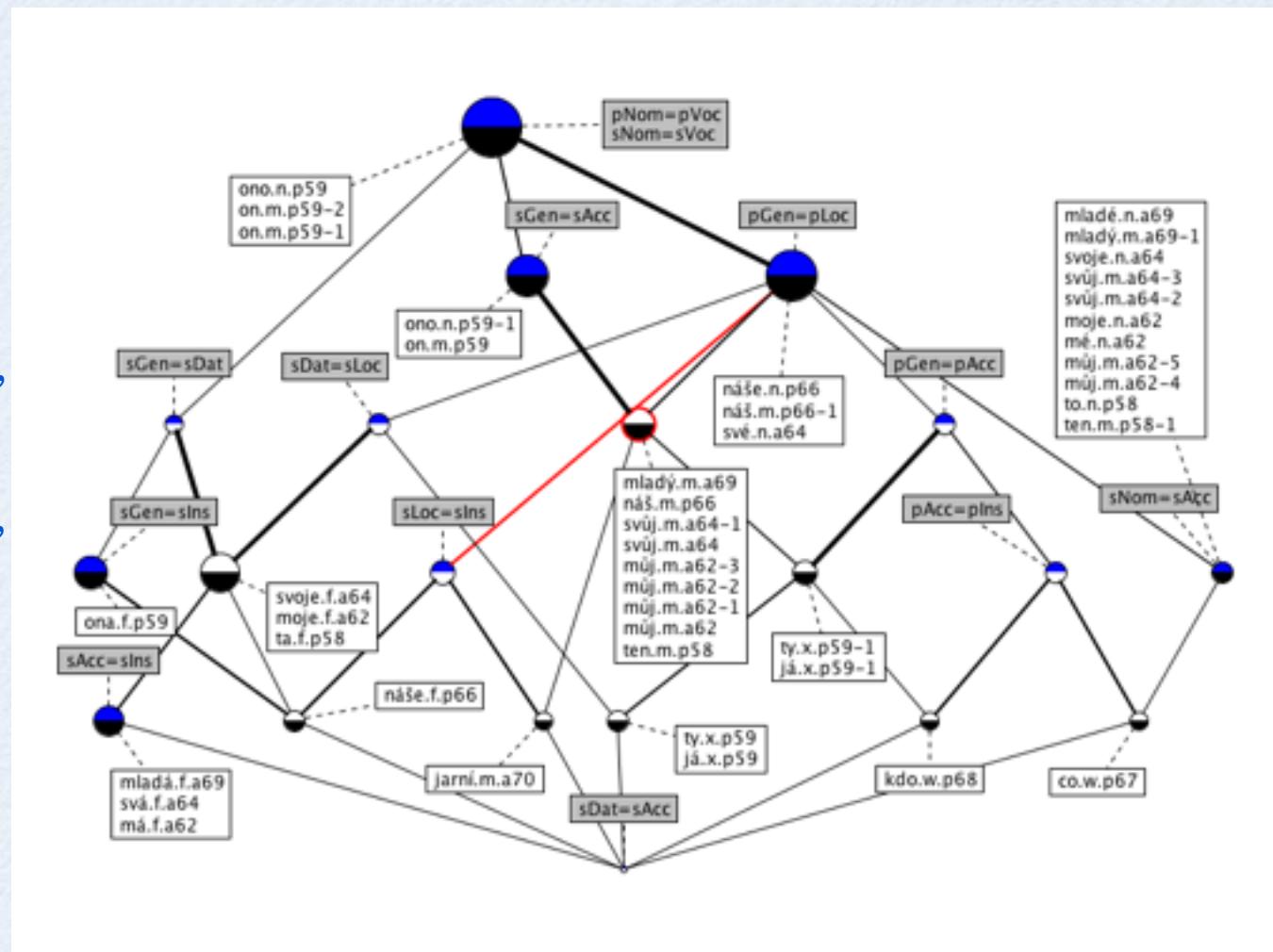


# $F=G$ の Optimality Theory 流の解釈

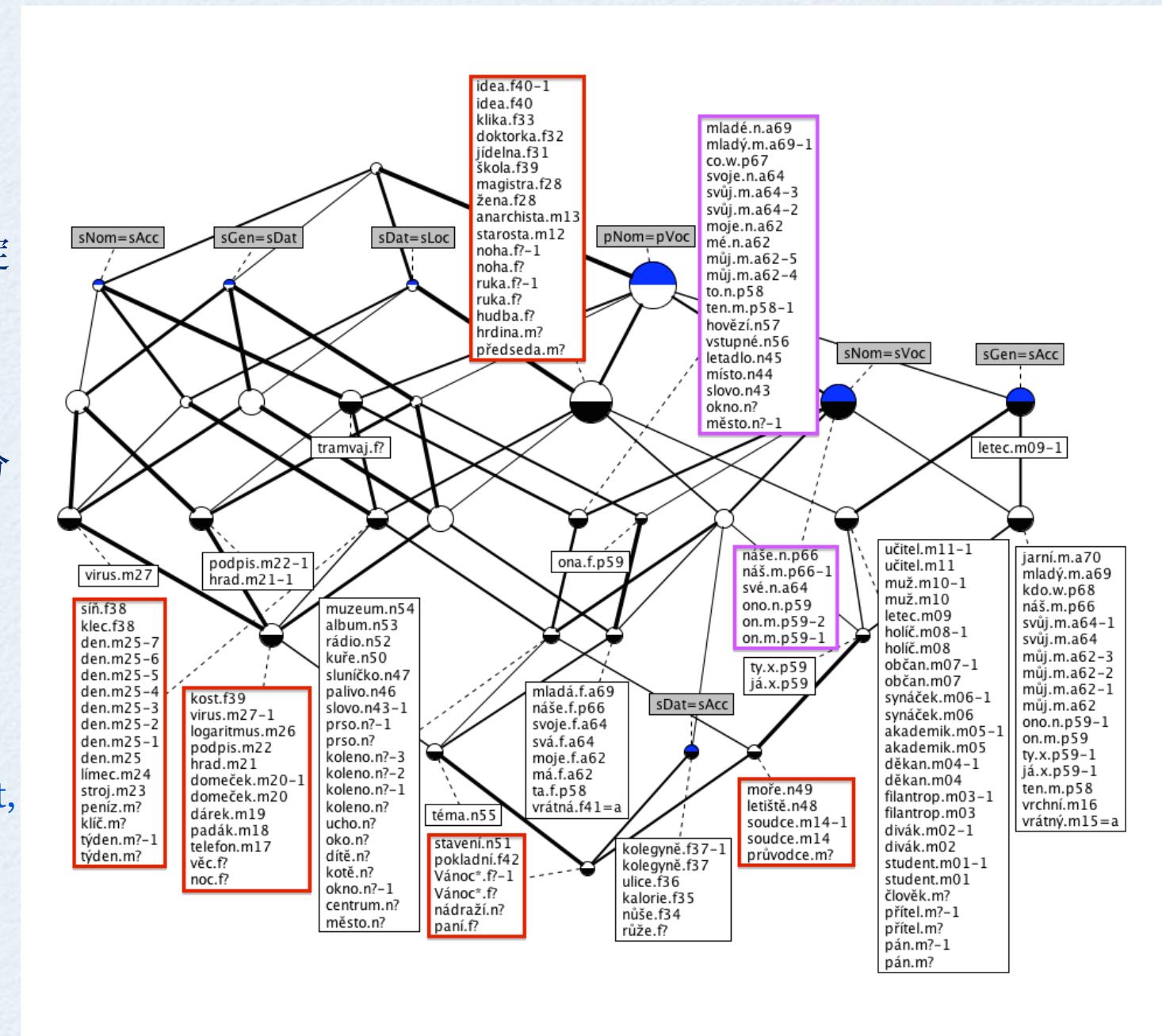
- $F=G$  は anti-syncretism 条件 ( $*F=G$ ) の違反なので
  - それがHasse 図の上にある程, 違反は軽度
  - それがHasse 図の下にある程, 違反は重度
- 具体的に言うと
  - $*sDat=sAcc$  は中和不可能
  - $*pNom=pVoc, *sNom=sVoc$  は(同じ程度に) 中和可能

# 代名詞と形容詞のFCA 2/2

- 参考 (論文はないHasse図)
- 使用属性は次13個全部
  - pNom=pVoc,  
sNom=sVoc,  
sGen=sAcc, pGen=pLoc,  
sGen=sDat, sDat=sLoc,  
pGen=pAcc, sGen=sIns,  
pAcc=pIns, sNom=sAcc,  
sAcc=sIns, sDat=sAcc,  
**sLoc=sIns**
- 過剰分類. 過少分類なし
- 局所的破綻あり
- jarní.m.a70 が異例



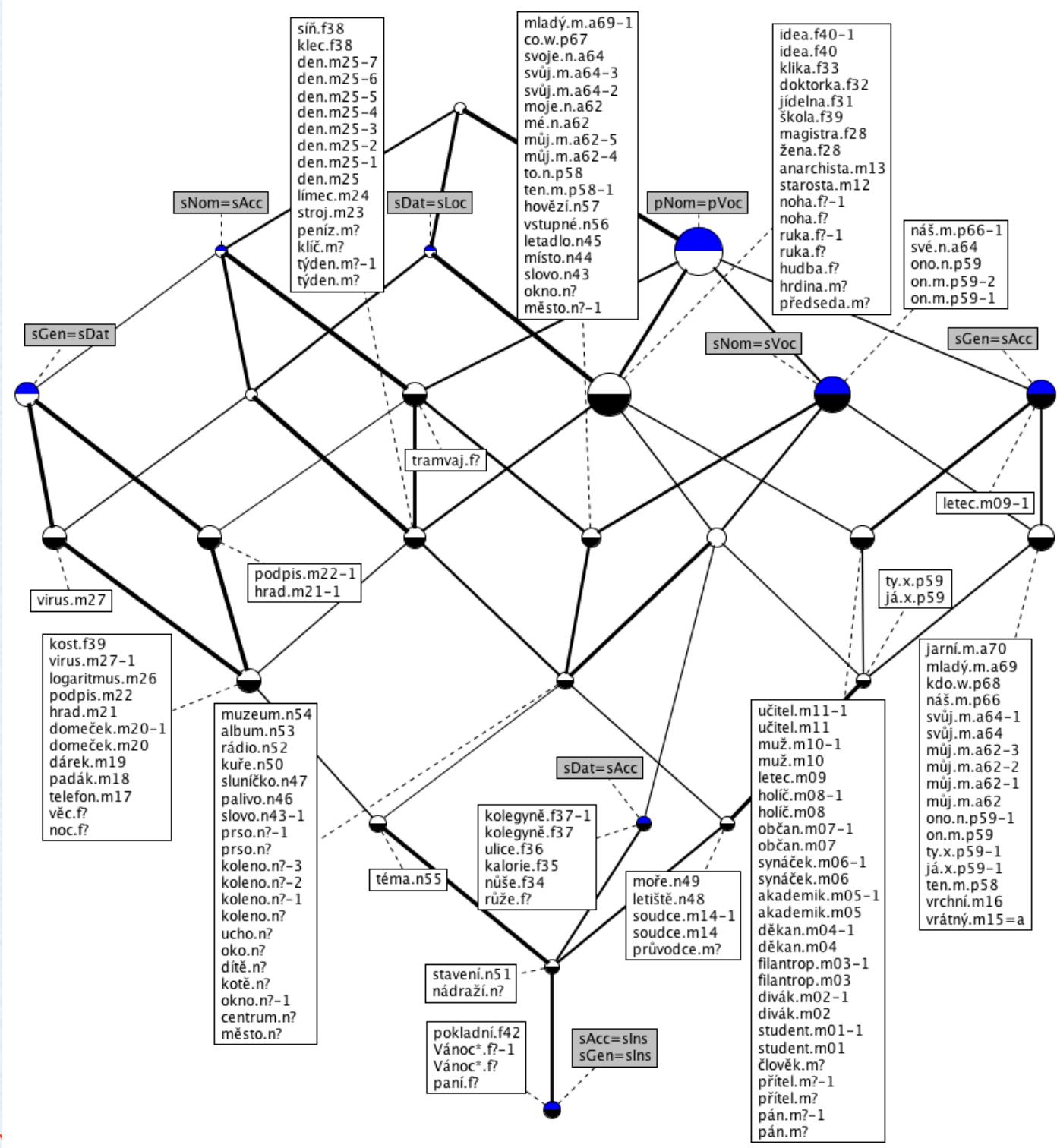
- 論文の Figure 3
- 全対象 (=代名詞, 形容詞を含む)の分離を(破綻を避けつつ)最大化したFCA
- 色のついた箇所で過少分類 = gender overload あり
- 使用属性は次の7個
  - sNom=sAcc, sGen=sDat, sDat=sLoc, pNom=pVoc, sNom=sVoc, sGen=sAcc, sDat=sAcc



(c) Kow Kuroda: How are inflectional paradigms represented? at NLP22, 2016

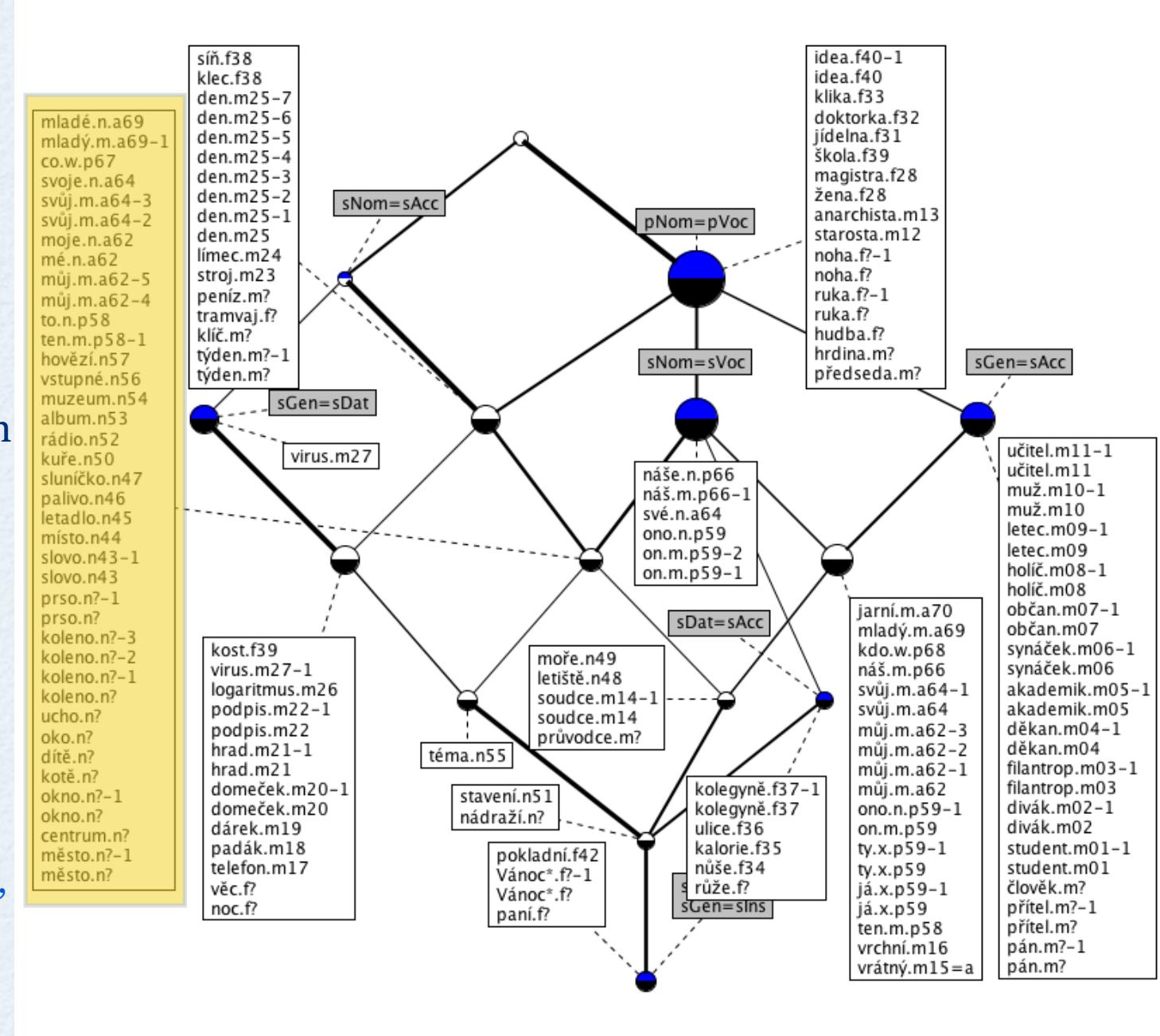
## 論文の Figure 4

- 代名詞と女性形容詞を除いた対象のFCA
- 空所数は2
- gender overload を除いて過少分類なし
- 使用属性は次の9個
  - sNom=sAcc, sDat=sLoc, pNom=pVoc, sGen=sDat, sNom=sVoc, sGen=sAcc, sDat=sAcc, sAcc=sIns, sGen=sIns



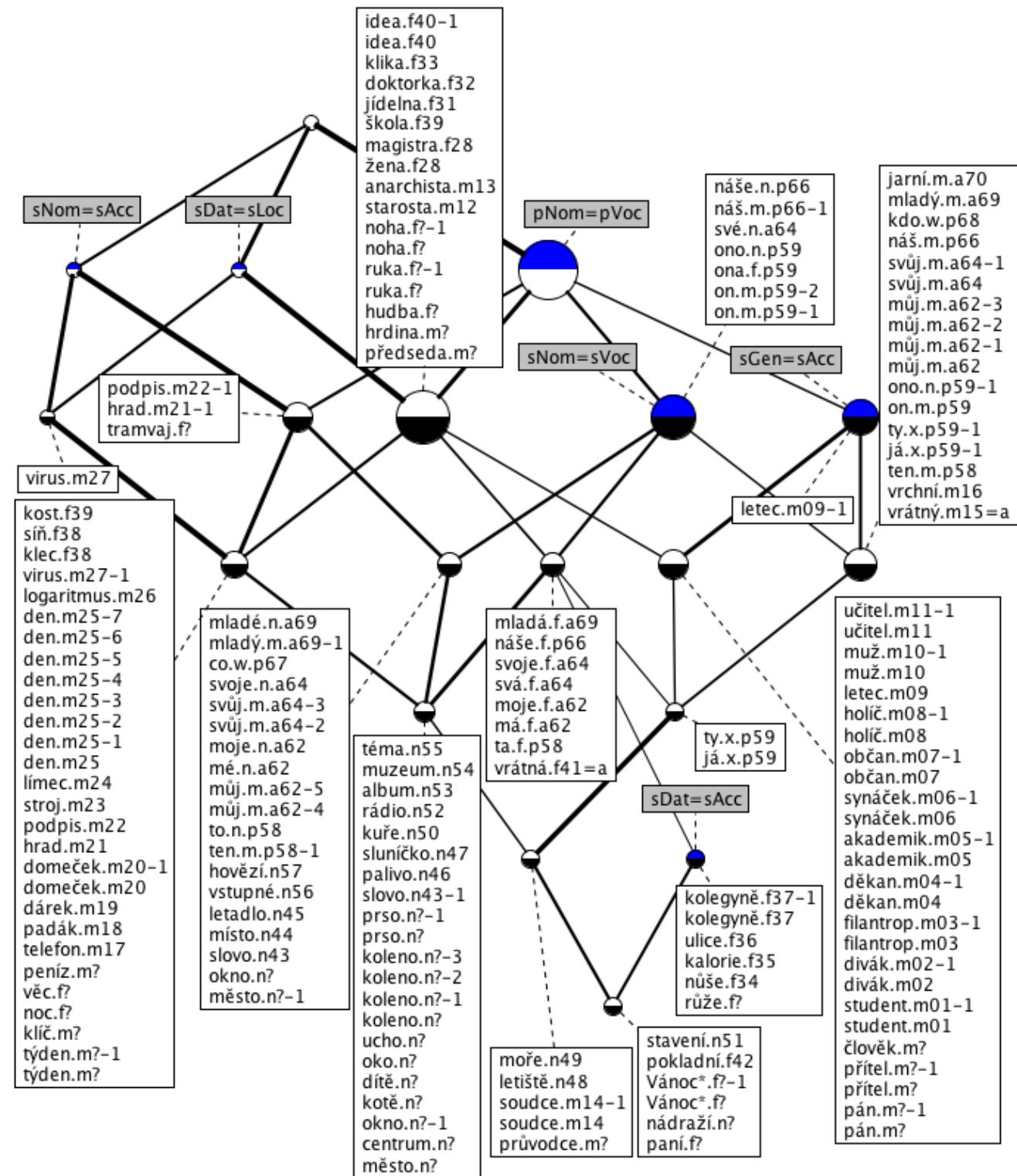
(c)

- 論文の Figure 5
- 女性代名詞、形容詞のみを除いて
- 過剰分類を最小化
- 過剰分類は Masc. inanim と Neuter の同一視
- 黄色の集合
- 使用属性は次の8個
  - sNom=sAcc, pNom=pVoc, sGen=sDat, sNom=sVoc, sGen=sAcc, sDat=sAcc, sGen=sIns, sAcc=sIns



(c) Kow Kuroda: How are inflectional paradigms represented? at NLP22, 2016

- 論文にないHasse図
- 全 (=代名詞と女性形容詞を除かない) 対象で空所数 0 実現したFCA
- 使用属性は次の6つ
  - sNom=sAcc, sDat=sLoc, pNom=pVoc, sNom=sVoc, sGen=sAcc, sDat=sAcc
- 性別の overload はある



# 簡単な考察 1/2

- 代名詞は(挙動から見る限り)名詞と言うより形容詞
- 曲用クラスは(部分的には)意味クラスと相關
  - 本来は音韻的なものだと思われますが

# 簡単な考察 2/2

- $*F=G$  の anti-syncretism 条件には
  - 優先順位がある
    - Hasse図の下にある程, 違反が重度
    - Hasse図の上にある属性は目立つけれど, 体系を説明する力は弱い
  - 位置によって異なる説明上の役割を持つ
    - Hasse図の上にある属性は類似性の判断材料になる

# まとめ

- Pairwise identity network (PIN) というデータ圧縮法を使って、  
チェコ語の名詞と形容詞の曲用クラスの(半自動)検出に成功
  - Formal Concept Analysis を使って
    - FCA の実装は Concept Explorer 1.3
- 曲用クラスの階層化に成功
  - \*F=G の制約の順位づけ (=重みづけ) に成功
  - 名詞, 代名詞, 形容詞の曲用の間の質的違いの検出
    - 名詞の内部での, 男性, 中性, 女性の間の曲用の質的違いの検出

# 今後の課題

- \*F=G の優先順位の説明
- Static な側面
  - Paradigm Economy Principle の先行研究 [Ackerman et al. 2009, 2013; Blenvins 2013; Carstairs-McCarthy 1992, 1994] との対照を含む
- Dynamic な面
  - 言語進化のシミュレーションの研究成果 [Kirby and Hurford 2002] や Generative Social Science の研究成果 [Epstein 2006] との対照

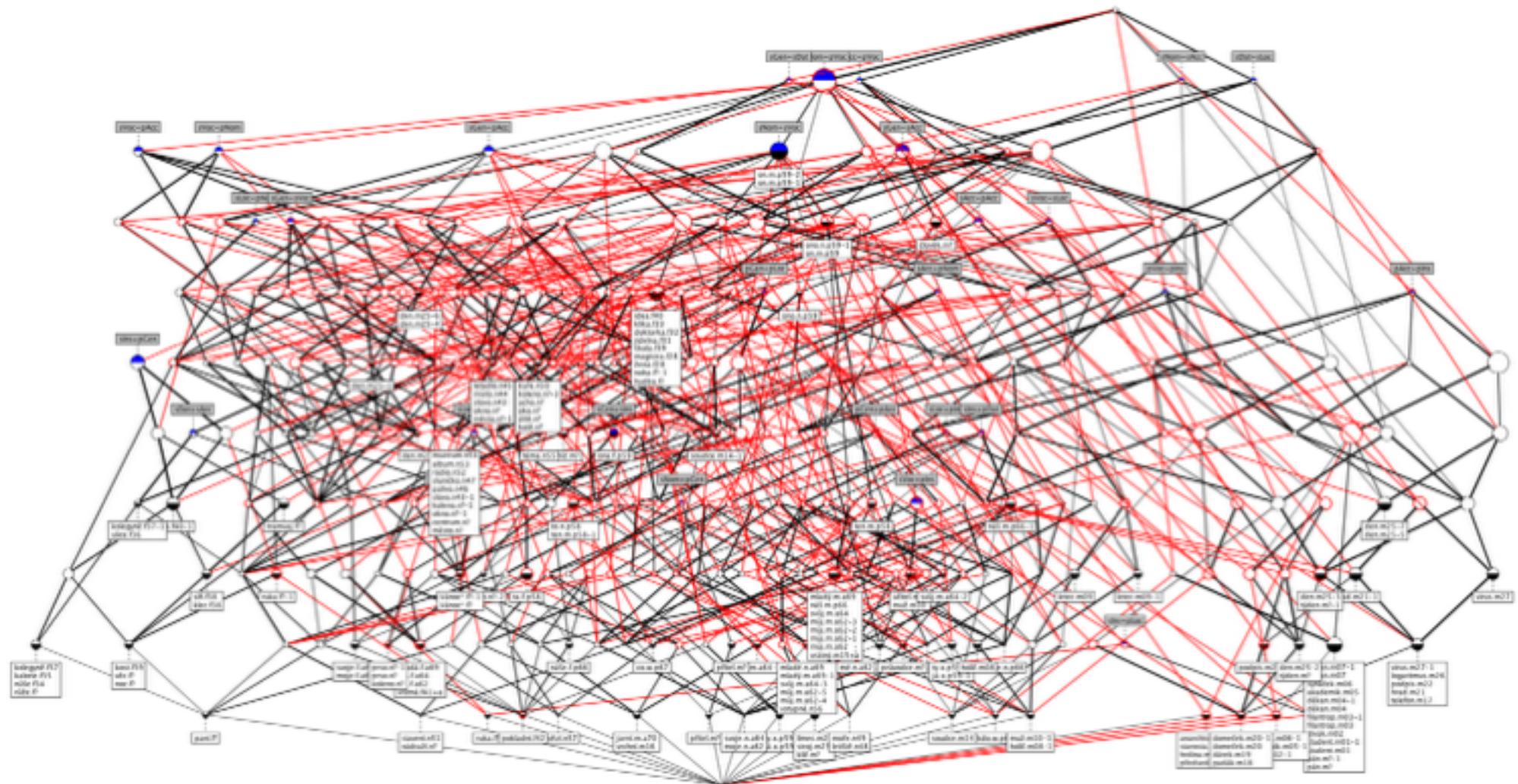
# References

- Ackerman, F., J. Blevins,& R. Malouf. 2009. Parts and wholes: Patterns of relatedness in complex morphological systems and why they matter. In J. Blevins & J. Blevins (eds.), *Analogy in Grammar: Form and Acquisition*. Oxford: Oxford University Press.
- Ackerman, F., & R. Malouf. 2013. Morphological organization: The Low Conditional Entropy Conjecture. *Language*, 89, 429–464.
- Blevins, J. 2004. Inflection classes and economy. In G. Müller, L. Gunkel and G. Zifonun (eds.), *Explorations in Nominal Inflection*. Berlin: Mouton de Gruyter.
- Blevins, J. 2013. The information-theoretic turn. *Psihologija* 46: 355–375.
- Carstairs-McCarthy, A. 1992. *Current Morphology*, Routledge.
- Carstairs-McCarthy, A. 1994. Inflection classes, gender, and the Principle of Contrast. *Language* 70: 737–88.
- Epstein, J. M. 2006. *Generative Social Science: Studies in Agent-based Computational Modeling*. Princeton: Princeton University Press.
- Ganter, B. and R. Wille. 1999. *Formal Concept Analysis: Mathematical Foundations*, Springer Verlag.
- Ganter, B., G. Stumme, & R. Wille, eds. 2005. *Formal Concept Analysis: Foundations and Applications*, Springer Verlag.
- Kirby, S., & J. Hurford. 2002. “The emergence of linguistic structure: An overview of the iterated learning model.” In A. Cangelosi & D. Parisi (eds.) *Simulating the Evolution of Language*. London: Springer Verlag.
- McCarthy, J. 2008. *Doing Optimality Theory: Applying Theory to Data*, Wiley-Blackwell.
- Prince, A. and P. Smolensky. 2004. *Optimality Theory: Constraint Interaction in Generative Grammar*, John Wiley & Sons.
- Wurzel, W.~Ulrike. 1987. System-dependent morphological naturalness in inflection. In Dressler, W.~U., Mayerthaler, W., Panagle, O., & Wurzel, W.~U. (eds.), *Leitmotifs in Natural Morphology*, pp .59–96. Berlin: Mouton de Gruyter.
- 鈴木 治 & 室伏 俊明. 形式概念分析: 入門・支援ソフト・応用. 知能と情報 19 (2): 103--142.

ご静聴に感謝

# 付録

# 全属性を使った全対象のFCA



(c) Kow Kuroda: How are inflectional paradigms represented? at NLP22, 2016